

124 DE STABILITATE SITVS AEQVILIBRII.

§. 244. Centrum magnitudinis carinae circiter cadet infra sectionem aquae interuallo $CO = \frac{1}{3} CD$, si igitur centrum grauitatis totius nauis caderet in ipsam sectionem aquae foret $OG = \frac{2}{3} CD$, ponamus autem, ne nos vlli periculo exponamus $OG = \frac{2}{3} CD$. Hoc nunc valore substituto debet esse $\frac{EF^2}{vCD} > \frac{1}{2} CD$ seu $EF > CD \sqrt{\frac{v}{2}}$: tribuamus quoque ipsi v maiorem valorem, quam vnquam habere solet, scilicet sit $v = 10$, debetque esse $EF > CD \sqrt{5}$. Quocirca cuiusuis nauis maximam latitudinem in superficie aquae plus quam duplo maiorem esse oportet quam profunditatem, ad quam sub aquam mergitur. Quodsi igitur fiat $EF = 3 CD$, erit stabilitas respectu axis longitudinalis certo maior quam $M (\frac{9}{10} CD - \frac{2}{3} CD)$ hoc est maior quam $\frac{2}{5} M \cdot CD$, quae quantitas stabilitatis sufficere potest.

§. 245. Ex his iam facile erit pro nauibus cum ratione structurae tum onerum imponendorum diuersis rationem assignare, quam latitudo sectionis aquae ad profunditatem carinae tenere debet, vt stabilitas fiat satis ingens. Si enim centrum grauitatis totius nauis cadat vel in ipsam superficiem aquae vel aliquantillum altius, ita tamen vt eius distantia a superficie aquae sextam partem profunditatis CD non superet, tum sufficet latitudinem EF triplicem statuere profunditatis CD ; sin autem centrum grauitatis altius cadet, vt sit $OG = CD$, tum oportebit latitudinem EF circiter quadruplum profunditatis CD constitui. At si centrum grauitatis G infra superficiem aquae fuerit positum, ita vt sit $OG < \frac{1}{3} CD$ puta $= \frac{2}{4} CD$, tum satis erit, si latitudo EF aliquantulum plus quam duplo accipiatur quam CD . Quodsi autem OG omnino

evanescat et latitudo EF duplo sumatur maior, quam profunditas CD, tum stabilitas erit $= \frac{2}{3} M \cdot CD$, hoc est tanta, quanta inuenta est pro casu $OG = \frac{1}{2} CD$ et $EF = 3 CD$.

§. 246. Definita nunc stabilitate respectu axis longitudinalis, paucis videndum est, quanta prodeat stabilitas respectu axis latitudinalis. Quoniam enim longitudo AB circiter quadruplo maior accipi solet quam latitudo EF, erit stabilitas respectu axis latitudinalis $M (\frac{1+\mu}{\mu} - \frac{1}{2} CD)$ si quidem fuerit $EF = 3 CD$ et $OG = \frac{1}{2} CD$. Vnde si ponatur $\mu = 10$, erit stabilitas $= 14 M \cdot CD$, quae plus quam tricies maior est quam stabilitas respectu axis longitudinalis. Necessè autem est vt stabilitas respectu axis latitudinalis multis vicibus maior sit, quam stabilitas respectu axis longitudinalis, quia omnis navis multo fortius resistere debet inclinationibus versus proram puppimue, eo quod maximae vires, quibus navis exponitur, ad inclinationem versus proram tendunt.

§. 247. Vt autem rem generaliter expediāmus, ponamus esse volumen carinae $V = \frac{2D \cdot CD}{m}$ vbi m est numerus circiter $= 2$. Sit porro $OG = \frac{CD}{n}$, cuius numeri n valorem ex figura et oneratione navis definiri oportet, minor autem n vnitatem esse non potest, quia centrum gravitatis navis intra corpus navis cadere debet. Hunc fiat $EF = p \cdot CD$ et $AB = q \cdot EF = pq \cdot CD$, quibus positus erit stabilitas navis respectu axis longitudinalis $= M \cdot CD (\frac{m p q}{2v} - \frac{1}{n})$, et stabilitas respectu axis latitudinalis $= M \cdot CD (\frac{m p - q}{2u} - \frac{1}{n})$. Quod si ergo requiratur vt stabilitas respectu axis longitudinalis sit $= \frac{M \cdot CD}{2}$, quam iam vidimus esse
Q 3
suffici-

sufficientem, cum nulla fere navis habeat maiorem erit $\frac{mPP}{2v} - \frac{1}{n} = 1$; et $p = \sqrt{\left(\frac{v}{m} + \frac{2v}{n}\right)}$, vnde fit $EF = CD \sqrt{\left(\frac{v}{m} + \frac{2v}{n}\right)}$.

§. 248. Si nunc plures naues magnitudine inaequales at similiter constructas et oneratas concipiamus, tenebunt earum pondera M rationem triplicatam laterum homologorum; vnde cum stabilitas respectu axis siue longitudinalis siue latitudinalis fit vt $M.CD$, erunt nauium similibus stabilitates, in ratione quadruplicata laterum homologorum. Momenta autem virium venti ad naues similes inclinandas tantum sunt in triplicata ratione laterum homologorum, ex quo nauium similibus eae, quae sunt maiores, inclinationibus magis resistent quam minores. Naues scilicet maiores, si quidem velorum superficies teneant rationem duplicatam laterum homologorum, minorem perturbationem in situ sui aequilibrii patientur, quam naues minores.

§. 249. Si nunc cum ex his tum ex reliquis principiis fuerit determinata proportio, quam longitudo, latitudo, et profunditas carinae inter se tenere debent facile erit quantitatem navis assignare, cuius pondus praescribitur. Detur itaque volumen carinae quod fit $= V$, quia ab eo pondus navis pendet, fitque superficies sectionis aquae $= \frac{AB.EF}{\kappa} = 2D$, volumen carinae $= \frac{2D.CD}{m} = \frac{AB.EF.CD}{m\kappa}$, ac ponamus esse hanc inuentam legem, qua esse debeat $EF = p.CD$ et $AB = q.EF = pq.CD$ prodibit volumen carinae quod est datum, $V = \frac{ppq.CD^3}{m\kappa}$. Quoniam nunc p, q, m et κ sunt numeri dati, erit $CD = \sqrt[3]{\frac{m\kappa V}{ppq}}$; inuenitur igitur profunditas carinae CD , ex qua
tum

tum latitudo tum longitudo eius cognoscetur. Nauis itaque construi poterit, quae tam pondus habeat datum quam stabilitatem datam.

§. 250. In nauibus bellicis grandioribus sumi solet latitudo carinae $EF = \frac{5}{2}CD$, atque longitudo $AB = 4EF$: erit ergo $p = \frac{5}{2}$ et $q = 4$. Hinc ergo stabilitas respectu axis longitudinalis erit $= M \cdot CD \left(\frac{25m}{8v} - \frac{1}{n} \right)$, cum igitur hae naues habeant stabilitatem affirmatiuam, erit $25mn > 8v$. Ponatur $m = 2$, et $v = 10$, quoniam supra ostendimus hos valores proxime his litteris respondere, erit $50n > 80$ et $n > \frac{8}{5}$; erit ergo $OG < \frac{5CD}{8}$, seu distantia centri grauitatis nauium harum a centro magnitudinis carinae minor erit, quam quinque octantes profunditatis carinae. Cadit autem in huiusmodi nauibus centrum grauitatis, ob tormenta, quae omnia supra aquam sunt posita, supra aquae superficiem; quodsi ergo ponatur $OG = \frac{1}{2}CD$ seu $n = 2$, erit stabilitas respectu axis longitudinalis $= \frac{1}{8}M \cdot CD$.

§. 251. Quoniam in maioribus nauibus, si quidem similitudo obseruetur stabilitas crescit in ratione quadruplicata laterum homologorum, cum tamen vires inclinantes ad summum in ratione triplicata crescant; in maioribus nauibus sine periculo stabilitate minore contenti esse possumus. Scilicet si stabilitas exponatur per hanc expressionem $\frac{1}{x}M \cdot CD$, pro x in maioribus nauibus satis magnum numerum tuto accipere licet, quod in minoribus non sine periculo fieri posset. Hanc obrem in nauibus illis maximis bellicis sine periculo assumitur $EF = \frac{5}{2}CD$, quae proportio in minoribus nauibus damnum afferret, si quidem similis centri grauitatis positio adesset. Quodsi
igitur

igitur sic $OG = \frac{1}{2}CD$, pro nauibus maximis sumi poterit $EF = \frac{5}{2}CD$, pro minoribus autem EF ad CD maiorem rationem tenere debet, triplam scilicet quam supra assignauimus.

§. 252. Quoniam virium naues inclinantium momenta sunt proxime vt pondera nauium, naues diuersae magnitudinis ita construi conueniet, vt earum stabilitates teneant rationem ponderum. Sint itaque duae naues, quarum maioris pondus sit $= M$, latitudo carinae EF , profunditas eius CD ; minoris vero nauis pondus sit $= m$, carinae latitudo ef , profunditas cd , in vtraque autem naui interuallum inter centra grauitatis et magnitudinis aequetur semissi profunditatis carinae. Sit porro $cd = \frac{CD}{n}$, atque in maiore naui $EF = \frac{5}{2}CD$, quam rationem ad maximas naues esse accommodatam vidimus. Erit igitur stabilitas maioris nauis respectu axis longitudinalis $= M \left(\frac{EF^2}{v \cdot CD} - \frac{1}{2}CD \right) = \frac{1}{2}M \cdot CD$ posito $v = 10$: minoris vero nauis stabilitas erit $= m \left(\frac{n \cdot ef^2}{10 \cdot CD} - \frac{CD}{2n} \right)$; quae cum stabilitates esse debeant vt M ad m erit $nn \cdot ef^2 = 5CD^2 + \frac{5n}{4}CD^2$ hincque $ef = \frac{CD}{2n} \sqrt{(5n + 20)} = \frac{cd}{2} \sqrt{(5n + 20)}$.

§. 253. In nauibus igitur diuersae magnitudinis quae tamen in hoc conueniant, vt interuallum inter centra magnitudinis et grauitatis aequetur semissi profunditatis carinae, ratio inter latitudinem carinae et eius profunditatem eo erit maior, quo naues fiant minores. Ponamus ergo in nauibus maximis, in quibus sumi solet $EF = \frac{5}{2}CD$ esse $CD = 20$ pedum, atque habebimus sequentes proportionem inter profunditates carinae minores et latitudines.

Profunditas carinae	Latitudo carinae
20 ped.	50, 00 ped.
18 ped.	45, 50 ped.
16 ped.	40, 99 ped.
14 ped.	36, 47 ped.
12 ped.	31, 94 ped.
10 ped.	27, 39 ped.
8 ped.	22, 81 ped.
6 ped.	18, 17 ped.
4 ped.	13, 42 ped.
si generaliter m ped.	$\sqrt{5m(5+m)}$ ped.

§. 254. Quodsi autem ad datam nauem, cuius pondus est M , et stabilitas $= \frac{1}{8} M \cdot CD$ et $EF = \frac{5}{8} CD$, qualem modo instar fundamenti assumimus, aliam construere velimus, in qua interuallum inter centra grauitatis et magnitudinis aliam teneat rationem ad profunditatem carinae, cuius tamen stabilitas se habeat ad stabilitatem illius in ratione ponderum. Sit huius alterius nauis pondus $= m$, latitudo carinae ef , profunditas cd , et distantia inter centra grauitatis ac magnitudinis $= \frac{1}{\lambda} cd$: erit huius stabilitas respectu axis longitudinalis $= m(\frac{ef^2}{10cd} - \frac{1}{\lambda} cd)$. Debebit ergo esse $\frac{ef^2}{10cd} - \frac{1}{\lambda} cd = \frac{1}{8} CD$: ponatur iam $CD = 20$ ped. et $cd = m$ ped. erit $ef^2 = 25m + \frac{10mm}{\lambda}$ seu $ef = \sqrt{25m + \frac{10}{\lambda} mm}$ ped. quae expressio pro norma accipi potest, ad rationem inter latitudinem et profunditatem carinae cuiusque nauis determinandam.

§. 255. Haec vero regula non ita stricte est obseruanda, quasi de ea recedi nullo modo liceret; quaecunque enim inuenta fuerit ratio inter latitudinem ac pro-

funditatem carinae, tuto semper ratio maior accipi potest. Namque quo maior latitudo ad datam profunditatem adiungatur stabilitas prodibit eo maior, maiorque naui perfectio conciliatur. In omni scilicet naui expedit latitudinem respectu profunditatis tantam constituere, quam reliquae circumstantiae permittunt; quare si reliqua requisita, quae nauès habere debent, patiantur, vt latitudo maior naui detur, quam regula data postulat, hoc incrementum maxime erit amplectendum. Minorem autem latitudinem, quam regula data praebet, cum data profuuditate minime coniungi conuenit; etsi enim reliqua nauium requisita minorem latitudinem postulent, tamen potius his reliquis requisitis vis, erit inferenda, quam vt in eorum gratiam stabilitas nimium diminuatur.

§. 256. Diminutione autem profunditatis carinae respectu latitudinis eius non solum maior stabilitas nauibus affertur, quod quidem per se est commodum maximi momenti, sed etiam naues plura alia commoda non contemnenda consequuntur. Hac enim diminutione fit vt naues eiusdem molis in aqua ad minorem profunditatem immergantur, hocque ipso in maris regionibus minus profundis tuto cursum instituere queant, quas aliae naues, quae in aqua maiorem profunditatem occupant, nequidem ingredi audent. Praeterea etiam huiusmodi naues, quae aquae minus profunde immerguntur complures scopulos in mari latentes euitant, tutoque supra eos praetereunt, ad quos, si aquae profundius immergerentur alliderent, atque naufragii periculum subirent. Quae rationes coniunctim eo magis suadent, vt profunditas ad quam naues mergantur, quantum fieri potest, diminuatur.

§. 257. Haec autem praecepta, quae hactenus de stabilitate tradidimus, potissimum sunt ad naues iam debito modo oneratas accommodata; verum in constructione nauium non sufficit ad hoc solum attendere, vt naues, cum completam onerationem sint nactae, in situ erecto firmiter persistant; sed etiam naues ita comparatas esse oportet, vt vel minori onerum copia onustae, vel adeo vacuae in situ aequilibrum stabilitate sint praeditae. Quamquam enim nauis, quae vacua nullam etiam habet stabilitatem, per onerationem stabilitas conciliari potest, tamen initio naues vacuae aquae immittuntur, ex quo, si stabilitate carerent, mox subuersioni maximisque hinc oriundis damnis forent obnoxiae. Quamobrem in constructione nauium summa cura erit adhibenda, vt primum vacuae aquae commissae tum vero etiam minori onerum copia onustae stabilitatem habeant; eam quidem non admodum magnam, quia hoc statu impetibus tempestatis nondum solent exponi, sed tamen aliquam, quae sufficiat ad nauem contra minores vires in situ erecto conseruandam.

§. 258. Ac primum quidem perspicuum est, si navis siue vacua siue vtcunque onusta stabilitatem habuerit respectu axis longitudinalis, eandem multo stabilius fore constitutam respectu axis latitudinalis. Quocirca sufficiet naues ita construxisse, vt quaecunque eius portio aquam subeat situs aequilibrum stabilitatem habeat respectu axis longitudinalis. Minime autem nauis aquae immergitur, si est vacua, ex quo superfluum foret stabilitatem pro minoribus immersionibus quaerere. Totum igitur hoc negotium hac redit, vt quaecunque nauis sectio horizontalis, posita intra sectiones aquae, quas nauis obtinet, si vel est vacua

vel completam onerationem consecuta, vicem sectionis aquae subeat, stabilitas adsit respectu axis longitudinalis. Quoniam vero haec stabilitas ex maxima sectionis aquae latitudine definitur, sectionem carinae transversalem amplissimam considerari oportebit, quippe quae cuiusvis sectionis horizontalis maximam latitudinem praebet.

Tab. X.
fig. 1.

§. 259. Sit igitur EFD sectio amplissima, cuius figuram quaerimus, ut navis requisita proprietate sit praedita. Cadat navis vacuae centrum gravitatis ad interuallum DG supra fundum carinae, perinde autem est siue in planum sectionis amplissimae incidat siue minus: atque ponamus centrum gravitatis in eadem altitudine permanere, si successiue navis magis magisque oneretur. Tuto autem hoc assumere licet, nam imponendis oneribus centrum gravitatis ad profundiorum potius situm redigi solet; ex quo si stabilitas fuerit naui conciliata, pro situ centri gravitatis in G , eo maiorem habebit navis stabilitatem, si centrum gravitatis profundius fuerit situm. Transeat nunc sectio aquae per ef cuius maxima latitudo sit haec ipsa recta ef ponaturque portio aquae submersae profunditas $Dc = x$, semilatitudo sectionis aquae $ce = y$; atque interuallum constans $DG = f$. Portio aquae immersae centrum magnitudinis proxime erit in o , ut sit $Do = \frac{2}{3}x$, unde fiet $oG = f - \frac{2}{3}x$. Ex his erit stabilitas respectu axis longitudinalis $= M \left(\frac{4yy}{vx} - f + \frac{2}{3}x \right)$ ubi pro v circiter 9 vel 10 accipi oportet.

§. 260. Debet ergo in ea saltem sectionis amplissimae portione, quae sectiones aquae suppeditare potest, esse $\frac{4yy}{vx} > f - \frac{2}{3}x$, seu $4yy > 9fx - 6xx$ posito 9 pro v . Quare si capiatur $4yy = 9fx - 6xx$, haecque curua describa-

scribatur, necesse est, vt sectio amplissima nauis hanc figuram in se includat, saltem eius portionem, quae intra sectiones aquae extremas est posita. Perspicuum autem est hanc aequationem $4yy = 9fx - 6xx$ esse ad ellipsin DEHF cuius axis verticalis $DH = \frac{3}{2}f$, alterque horizontalis $EF = \frac{3f\sqrt{6}}{4}$. Data ergo eleuatione centri grauitatis G supra fundum nauis D, capiatur $DH = \frac{3}{2}DG$, pro vno ellipsis axe, et $EF = \frac{3}{4}DG\sqrt{6}$ pro altero, ita vt sit $DH^2 : EF^2 = 2 : 3$ atque descripta ellipsi HEDF, notatisque sectionibus aquae extremis EF et *ef*, quarum illa EF naui penitus onustae haec *ef* nauis vacuae respondeat, sectionem nauis amplissimam ita comparatam esse oportet, vt spatium ellipsis E*ef*F in se includat, pariterque in puncto D terminetur, quippe quod est imum nauis.

§. 261. In nauis vacua centrum grauitatis G communiter supra sectionem aquae, quae nauis etiam oneratae competit, cadit. Cum enim plerumque pars nauis extra aquam eminent multo sit maior, quam pars submersa ob ingentem eleuationem, quae cum versus proram tum vero maxime versus puppim fieri solet, etiam centrum grauitatis supra mediam altitudinem cadet. Quoniam igitur in ellipsi inuenta centrum C infra G cadit, et quidem parte tertia ipsius CD, axis transuersus EF proxime sectionem aquae nauis onustae competentem repraesentabit; ac hanc ob rem latitudo sectionis aquae *ef*, quam obtinet nauis vacua minor erit quam EF. Quamobrem sectio nauis amplissima tuto ita confici potest, vt versus fundum D conuergat: interim tamen conuergentia non debet esse nimis magna, in profunditate enim *c* sectio amplissima maior esse debet, quam recta *ef*, quo ipso con-

vergentia limitatur. Cognito autem loco centri grauitatis nauis vacuae, descriptaque ellipsi inuenta, statim iudicari poterit vtrum nauis vacua aquae immissa stabilitatem sit habitura, an secus; ac praeterea quanta ea futura sit.

§. 262. Constructa autem ad normam quamcunque naui, ingestaque debita onerum copia, ab ipsa onerum per nauem distributione stabilitas plurimum pendet. Quamquam enim onera per primum requisitum ita disponi debent, vt totius nauis centrum grauitatis in eam rectam verticalem incidat, in qua versatur centrum magnitudinis partis submersae, tamen vt iam supra vidimus, huic requisito innumerabilibus modis satis fieri potest, cum id tantum esset efficiendum, vt centrum grauitatis in assignatam rectam verticalem incidat. Nunc vero cardo rei potissimum in hoc versatur, in quonam huius rectae verticalis puncto centrum grauitatis constituatur; ad stabilitatem enim nauis definiendam nosse oportet interuallum, quod inter centra grauitatis ac magnitudinis est interiectum. Ex formula enim stabilitatis data intelligitur, eo fore stabilitatem maiorem, quo minus fuerit illud interuallum inter centra grauitatis et magnitudinis, si quidem centrum grauitatis supra centrum magnitudinis sit positum.

§. 263. Hinc itaque colligitur, quo magis oneribus disponendis centrum grauitatis nauis deprimatur, eo magis stabilitatem auctum iri; ex quo cum in nauibus stabilitas, quantum fieri potest, sit augenda, haec nascitur pro dispositione onerum regula, vt centrum grauitatis nauis quam maxime deorsum perducatur. Huic igitur regulae satisfiet, si onera ad tantam profunditatem collocentur, quantum circumstantiae permittunt; quo quidem in nego-

no aduertendum est, vt ea onera, quae maximam habeant grauitatem specificam, profundissime ponantur, quo grauioribus enim oneribus infima carinae cauitas impleatur, eo magis centrum grauitatis deorsum redigetur. Regula haec in praxi etiam sollicitè obseruatur, solent enim pleraeque naues circa infimam cauitatem grauissimis materiis, cuiusmodi sunt saburra, lapides, ferrum etc. adimpleri, quae plerumque per se nullius prorsus sunt utilitatis, sed eum tantum in finem ingeruntur, vt nauis stabilitas augeatur.

§. 264. Haec rerum alias inutilium ingestio eo magis est necessaria, quo reliquae merces vehendae minorem habent grauitatem specificam. Quodsi enim talibus mercibus leuioribus infima nauis cauitas impleretur, ob earum exiguum pondus centrum grauitatis non solum parum deorsum detraheretur, sed etiam a reliquis mercibus superiorem partem nauis occupantibus multo magis eleuaretur. Si ergo onera imponenda ita fuerint comparata, vt perinde sit, quoniam in loco quaeque collocentur, primum quidem omnia quam maxime deorsum erunt detrudenda; tum vero ea, quae sunt specificè grauiora, ad infimum locum, leuiora autem ad supremum collocari oportebit, sin autem plura onera maximi ponderis ex sua natura in superiore nauis parte versari debent, vt tormenta in nauibus bellicis, tum nisi stabilitas nauis per se satis sit magna, aliis ponderosissimis oneribus infima nauis cauitas erit adimplenda. Ex his autem satis superque perspicitur, quomodo nauium onerationem dirigi oporteat, vt per eam maximum stabilitatis incrementum obtineatur.

§. 265. Vt autem distinctius intelligatur, quantum translatione onerum stabilitas navis afficiatur atque vel augeatur vel diminuatur, calculum subduci conueniet. Primo quidem ex formulis datis, quibus stabilitatis quantitas exprimitur, perspicuum est, si transpositione onerum in nauis contentorum centrum grauitatis per spatium quoddam s deorsum perducatur, tum stabilitatem nauis respectu cuiusuis axis augeri quantitate $= M \cdot s$ denotante M pondus nauis. Quodsi autem onerum transpositione centrum grauitatis sursum promoueatur per interuallum $= s$, tum stabilitas diminuetur quantitate $= M \cdot s$. Quoniam enim onera, quae in nauis iam actu insunt, tantum transponuntur, neque sectio aquae, neque volumen partis submersae mutabitur, sed vel depressione vel eleuatione centri grauitatis solum interuallum inter grauitatis centrum et centrum magnitudinis partis submersae vel diminuetur quantitate s vel augebitur; ex quo stabilitas priori casu quantitate $M \cdot s$ augebitur, posteriori vero casu tantundem minuetur.

Tab. X.
fig. 2.

§. 266. Sit nunc in nauis quacunque cuius pondus $= M$. DG recta illa verticalis in qua centrum grauitatis totius nauis G sit situm: atque ponatur onus aliquod, cuius pondus sit $= P$, transferri in locum humiliorem p , qua translatione quantum stabilitas augeatur, inuestigemus. Ponamus autem primum, oneris huius P centrum grauitatis P tam ante quam post translationem situm esse in ipsa recta verticali DG per centrum grauitatis nauis G transeunte. Separemus igitur saltem cogitatione pondus hoc P a tota nauis, ita vt reliquae nauis pondus sit $= M - P$; eiusque centrum grauitatis positum sit in γ . Cum vero totius nauis centrum grauitatis versetur in G , erit $(M - P) \gamma G = P \cdot PG$

P.PG ideoque $G\gamma = \frac{P.PG}{M-P}$. Translatum iam sit pondus P in situm p , sitque nunc totius navis centrum grauitatis in g , erit $P.pg = (M-P)\gamma g$ seu $P.pG - P.Gg = (M-P)Gg - P.PG$, ex qua aequatione oritur $Gg = \frac{P.Pp}{M}$. Descensu ergo oneris P per spatium Pp stabilitas augetur quantitate P. Pp.

§. 267. Quanquam autem hic centrum grauitatis oneris deorsum moti in ipsa recta verticali DG posuimus, tamen idem augmentum stabilitatis obtinebitur, si in navis loco quocunque onus verticaliter deorsum transferatur. Nam ponamus onus = P, cuius centrum grauitatis situm est in P, deorsum ferri, vt eius centrum grauitatis perueniat in p ; hacque translatione descendat totius navis centrum grauitatis G in g vsque. Sit γ centrum grauitatis reliquae navis M-P erit $PG:G\gamma = M-P:P = pg:g\gamma$: atque componendo $P\gamma:G\gamma = M:P = Pp:Gg$ ex qua analogia oritur $Gg = \frac{P.Pp}{M}$. Cum igitur incrementum stabilitatis sit = M.Gg erit id = P.Pp. Quoties ergo in nauis onus aliquod cuius pondus = P, in locum humiliorum defertur, stabilitas navis augetur, et quidem producto, quod oritur si pondus oneris deorsum translatis multiplicetur per altitudinem, per quam descendit. Ex quibus quantum augmentum stabilitatis per commodam et bene directam onerationem afferatur, luculenter perspicitur.

§. 268. Inquiramus nunc etiam quantum stabilitas nauium vel appositione nouorum onerum, vel ablatione onerum, quae ante affuerant, afficiatur; vbi quidem onera tum in ipsum centrum grauitatis apponi, quam ex eo auferri ponemus, quia si vel in aliud apponantur vel inde auferantur, mutatio stabilitatis ex casu praecedente

Tab. X
fig. 3.

dente definiri potest. Consideremus tantum stabilitatem respectu axis longitudinalis, sitque M pondus navis, V volumen partis submersae, $2D$ area sectionis aquae, EF eius maxima latitudo, O centrum magnitudinis partis submersae, G centrum grauitatis totius navis, erit stabilitas navis respectu axis longitudinalis $= M \left(\frac{EF^2 \cdot D}{9V} - OG \right)$. Est vero, uti supra vidimus $v = 9$, vel 10 proxime, et $V = D \cdot CD$, atque $CO = \frac{1}{3} CD$ circiter. Quoniam ergo est $CD = \frac{V}{D}$ erit $OG = DG - DO = DG - \frac{2V}{3D}$, atque stabilitas prodibit $= M \left(\frac{EF^2 \cdot D}{9V} + \frac{2V}{3D} - DG \right)$.

§. 269. Ponamus iam huic navi in ipso centro grauitatis G nouum apponi pondus $= P$, eo pondus navis fiet $= M + P$, atque ideo navis profundius immergetur. Quodsi ergo sumamus tali maiore immersione sectionem aquae eiusdem quantitatis manere, id quod tuto assumere licet, quia latera navis circa aquae superficiem solent esse verticalia, retinebit D post noui oneris impositionem pristinum valorem; at maius volumen aquae submergetur, quod se habebit ad volumen V vt $M + P$ ad M . Cum igitur facta hac impositione ponderis P , abeat M in $M + P$, et V in $V + \frac{PV}{M}$, at EF , D , et DG maneant inuariata, erit stabilitas navis post impositionem ponderis P respectu axis longitudinalis $= (M + P) \left(\frac{M \cdot D \cdot EF^2}{9V(P + M)} + \frac{2V(M + P)}{3M \cdot D} - DG \right) = \frac{M \cdot D \cdot EF^2}{9V} + \frac{2V(M + P)^2}{3M \cdot D} - M \cdot DG - P \cdot DG$; quae excedit stabilitatem pristinam quantitate $+ \frac{2P \cdot V \cdot (2M + P)}{3M \cdot D} - P \cdot DG$.

§. 270. Quodsi autem ponamus pondus hoc P non in centro grauitatis navis G sed alio loco puta P imponi, augebitur navis stabilitas insuper incremento $= P \cdot GP$, unde

de totum stabilitatis incrementum, quod ex hac impositione ponderis P est natum erit $= \frac{2P \cdot V(2M+P)}{3M \cdot D} - P \cdot DP$. Cum autem pondus hoc P valde exiguum ponitur respectu totius nauis, loco $2M + P$ scribere licet $2M$, ex quo stabilitatis accrementum erit $= \frac{4P \cdot V}{3D} - P \cdot DP$. Quoniam vero porro est $\frac{V}{D} = CD$ erit stabilitatis augmentum $= P(\frac{4}{3}CD - DP)$. Ex quibus perspicitur non solum omnia pondera quae nauis infra aquae superficiem ingeruntur stabilitatem augere, sed etiam quae supra aquae superficiem adduntur, dummodo eorum distantia a superficie aquae non excedat tertiam partem profunditatis carinae.

§. 271. Vt igitur normam habeamus, quam sequi conueniat, cum in appositione tum in ablatione onerum supra sectionem aquae ACB alia concipienda est sectio horizontalis MLN cuius a sectione aquae distantia LC aequalis fit tertiae parti profunditatis carinae CD . Notata autem hac superficie horizontali MLN , omnia onera quae infra eam in nauem imponuntur stabilitatem nauis augebunt, contra vero onera quae supra eam superficiem adduntur, stabilitatem diminuent. Quod vero ad ablationem seu eiectionem onerum attinet ex iisdem principiis manifestum est si onera auferantur ex parte nauis superiori $MN\beta\alpha$ tum stabilitatem nauis augeri, contra vero si onera ex parte inferiori $MabN$ eiiciantur, tum stabilitatem diminui. His autem singulis casibus tam incrementa quam decrementsa stabilitatis inuenientur, si onera tam imposita de nouo quam ablata multiplicentur per suas a superficie horizontali MN distantias, ex quo intelligi licet, quantum lucrum tam ex adiectione quam ablatione onerum expectari debeat.

Tab. X.
fig. 5.

§ 272. Quamuis vox stabilitatis, qua in hac doctrina utimur; omnino noua videatur, tamen res ipsa omni tempore satis fuit nota; quoniam enim securitas navigationis potissimum a stabilitate nauium, qua in situ erecto persistere conantur, pendet, haec res nautis ignota manere non potuit, etiamsi nemo adhuc distincte ostenderit, quomodo ea sit comparata. Naues autem, quae sufficienti stabilitate sunt praeditae, nautis ita describi solent, ut dicant, eas velis portandis esse pares, seu vim velorum sustinere valere, quae definitio a nostra non multum discrepat. Cum enim vis venti in vela impingens non solum nauem propellat, sed etiam inclinare conetur, perspicuum est, nisi nauis satis magnam habeat stabilitatem, eam a vi venti nimium inclinari debere, praecipue in cursu obliquo, quo vis velorum nauem ad latera inclinare annititur. Quo igitur maiorem vim venti nauis sine periculosa inclinatione sustinere valet, eo maiori stabilitate praedita sit, necesse est.

§. 273. Saepe numero autem euenire solet, ut naues, quando iam sunt constructae atque aquae immissae, nimis paruum stabilitatem habere deprehendantur; quod quidem vitium, ex theoria nostra exposita non solum facile praevideri sed etiam euitari possit. Ac Paulus Hostis scriptor de re nautica celebris atque expertus refert plerasque naues in Gallia fabricari solitas hoc vitio laborare, ut nisi medela adhibeatur, velorum vim sustinere non valeant; atque ob hunc defectum complures naues perire solere. Ratio scilicet huius vitii in hoc est posita, quod vel pro data carinae latitudine profunditatem nimis magnam vel pro data profunditate latitudinem nimis paruum effecerint;

ex quo stabilitas nimis debilis existit. Plerumque igitur testimonio eiusdem Auctoris naues in Gallia constructas noua contabulatione extrinsecus muniri oportuit, vt ipsis maior stabilitas conciliaretur; cuius medelae ratio cum nostra Theoria apprime congruit; hoc enim munimento amplitudo nauis ac proinde etiam sectio aquae dilatatur, vt eidem profunditati carinae maior latitudo eiusdem respondeat.

§. 274. Quo frequentius igitur hoc vitium in constructione nauium committi solet, eo maior cura erit adhibenda, vt medela maxime idonea reperiatur, quae non simul, si adhibeatur, nauibus alia vitia inferat, cuiusmodi est ea contabulatio; cuius Auctor allegatus mentionem facit, qua resistentia nauis in aqua admodum augetur, celeritasque notabiliter retardatur. Quamobrem nunc potissimum inquiramus, quo pacto nauis iam fabricatae, quae nimis exiguam habeat stabilitatem, stabilitas quam commodissime augeri queat. Ac primo quidem iam exposuimus quomodo per onerationem, onerumque translationem stabilitati incrementum addi possit, verum haec medela plerumque vel minus parum prodest, vel ob reliquas circumstantias non adhiberi potest, quin simul nauis inutilis reddatur; vt si velimus in nauis bellica omnia tormenta infra aquae superficiem detrudere.

§. 275. Ex expressione autem, qua stabilitatis quantitatem definiuimus, intelligitur stabilitatem triplici modo augeri posse. Primo enim stabilitas crescit si centrum grauitatis nauis in humiliorem locum perducatur, quod fit grauioribus oneribus deorsum transferendis, quem vero modum in praesenti negotio parum adiuuenti afferre iam

indicauimus. Deinde etiam stabilitas augetur potest, si centrum magnitudinis carinae altius promoueatur, quod autem sine dilatatione carinae in parte superiori fieri nequit; dilatata vero carina in parte superiori incrementum stabilitatis simul a tertio modo oritur. Tertio enim stabilitas incrementum capit, si sectio aquae fiat amplior, hoc namque modo non solum centrum magnitudinis carinae sursum ascendit, sed quod maximum stabilitatis incrementum producit, momentum sectionis aquae respectu cuiusque axis augetur. Praecipue autem efficiendum est ut momentum respectu axis longitudinalis maxime augetur, quia hoc in omnibus nauibus solet esse minimum, atque stabilitas respectu axis longitudinalis debilissima; ex quo haec stabilitas perpetuo maxime indiget augmentatione.

Tab. XI.
fig. 1.

§. 276. Inuestigemus igitur, quantum incrementum stabilitas nauis respectu axis longitudinalis AB per amplificationem sectionis aquae nanciscatur. Ac primo quidem modum vsitatum contemplemur, qua nauis circa superficiem aquae vtrinque quasi alae Mem , Nfn adiungi solent, quo fit ut sectio aquae $AEBF$ augeatur vtrinque spatiis $MEme$ et $NFnf$ circa eius maximam latitudinem EF . Ponamus sectionis aquae proprie sic dictae $AEBF$ momentum respectu axis AB esse $= I$, pondus nauis $= M$, volumen carinae $= V$, centrum magnitudinis carinae situm esse in O et nauis centrum grauitatis in G , erit stabilitas nauis, quam ante adiunctionem alarum habuit $= M(\frac{I}{V} - OG)$. Nunc autem momentum sectionis aquae I augetur debet aggregato omnium productorum, quae oriuntur si singulae spatiorum $MEme$ et $NFnf$ particulae multi-

multiplicentur per quadrata distantiarum suarum ab axe A B. Hoc igitur aggregatum seu momentum si fuerit $= i$ stabilitas navis augmentum accipiet $= \frac{M i}{V}$.

§. 277. Ad quantitatem huius momenti i aestimandam sit area M E m e vel N F n f $= s$; atque accipiatur in altera particula infinite parva w cuius ab axe A B distantia sit $R w$, erit $i = 2 f w \cdot R w^2$ et $s = f w$. At $\frac{f w \cdot R w^2}{f w \cdot R w}$ dat distantiam centri oscillationis areae M E m e ab axe A B si circa axem A B oscillaret, quae sit $= f$; ac $\frac{f w \cdot R w}{f w}$ dat distantiam centri grauitatis areae M E m e ab axe A B, quae sit $= g$. Erit itaque $f g = \frac{f w \cdot R w^2}{f w} = \frac{f w \cdot R w^2}{s}$, ex quo oritur momentum areae M E m e respectu axis A B, $f w \cdot R w^2 = f g s$ et $i = 2 f g s$. Est autem vt ex natura centri oscillationis patet $f > g$, et si p et q sint horum additamentorum centra grauitatis erit $i > 2 s \cdot C p^2$ quia autem in hoc negotio praestat pro i valorem vero minorem accipere, ponamus $i = 2 s \cdot C p^2$; quia etiam differentia est insensibilis.

§. 278. Incrementum igitur stabilitatis, quod oritur ab adiunctione istarum alarum erit $= \frac{2 M s \cdot C p^2}{V} = \frac{M s \cdot p q^2}{2 V}$. Quodsi igitur ponamus alas tantum versus proram ac puppim extendi, vt earum centra grauitatis in E et F cadant, erit stabilitatis incrementum $= \frac{M \cdot E F^2}{2 V}$ quae expressio etiam semper a vera sensibilibiter vix discrepat, quia latitudo alarum E e et F f vehementer parua esse solet. Sin autem area sectionis aquae proprie A F B F $= 2 D$ in computum ducatur et sumatur $V = D \cdot C D$, atque ponatur $E F = C D \sqrt{6}$, eo quod ratio E F ad C D non satis magna censetur, quia stabilitas augmentatione opus habet;

144 DE STABILITATE SITVS AEQVILIBRII.

habet, erit stabilitatis incrementum $= \frac{3Ms \cdot CD}{D}$. Si porro ponatur area $MEme = \frac{1}{n} ABE = \frac{1}{n} D$ prodibit stabilitatis incrementum $= \frac{3}{n} M \cdot CD$. Idem ergo proficitur, ac si centrum grauitatis nauis G per interuallum $= \frac{3}{n} CD$ deorsum foret perductum.

§. 279. Huiusmodi igitur appositione alarum stabilitas multo magis augetur, quam per translationem ponderum vix fieri potest; tantundem enim hoc modo obtinetur, quantum translatione ponderis $= \frac{3}{n} M$ a superficie aquae ad imum nauis. Praeterea vero non solum ob auctam sectionem aquae stabilitas augetur, sed quia haec contabulatio infra sectionem aquae porrigitur, carinae volumen etiam amplius euadit in parte superiori, vnde eius centrum magnitudinis eleuatur. Interim tamen hinc parum lucri accedit, quia ob eandem causam nauis aliquantulum extra aquam extollitur; (semper enim aequale volumen sub aqua versari debet), ex quo eius centrum magnitudinis iterum deprimitur. Sed quia haec sunt vix sensibilia, parum interest, vtrum ascensus an descensus huius centri magnitudinis praeualeat.

§. 280. Quanquam autem huiusmodi alis stabilitas admodum augetur, tamen ex iis aliud incommodum nauibus infertur, quo fit vt resistentia in motu directo ab allisione aquae ad has alas multum augeatur, in motu autem obliquo cursus aduersus venti plagam non parum impediatur. Ad scopum quidem praesentem sufficeret alas has maxime tenues effecisse, quoniam stabilitatis incrementum a sola aucta area sectionis aquae proficiscitur, quo pacto resistentiae nullus locus concederetur: sed quia nauis non perpetuo situm erectum exactissime tenet, verum ad latera

latera saepe numero non parum inclinetur, necesse est, vt alae notabilis crassitiei conficiantur, quo in quavis naui inclinatione sectionem aquae amplio rem reddant. Interim tamen hinc intelligitur, quomodo crassities alarum ex data inclinationum quantitate definiri debeat, ne nimia earum crassitie resistentia praeter necessitatem multiplicetur.

§. 281. Vt autem clarius appareat ad quantam profunditatem alae hae ad latera naui pertingere debeant consideremus sectionem amplissimam EDF, ad quam representent mEp et nFq sectiones verticales istarum alarum. Deinde notetur maximus angulus ad quem naui in summa tempestate circa axem longitudinalem inclinari solet, qui sit ECp vel FCq ; ducantur tum rectae mq et np , quae designabunt, quantum alae tam supra aquam eminere, quam infra aquam demergi debeant. At spatium hoc plerumque tam fiet magnum, vt resistentia vehementer augeatur; quando enim naui istiusmodi medela indiget, eo ipso ad inclinationes perquam est procliuus, angulusque mCp valde magnus prouenit. Quodsi autem hae alae non satis altae conficiuntur, atque naui eo vsque inclinaretur, donec altera ala tota ex aqua esset egressa, tum cessante incremento per alam acquisito subito naui penitus subuerteretur.

Tab. XI.
fig. 2.

§. 282. Possunt vero hae alae nauibus ita applicari, vt iis nec resistentia augeatur nec motus naui impediatur, id quod fiet, si eae nauis post maximam latitudinem EF versus puppim B adiungantur, ita vt sectionis aquae pars anterior EAF maneat immutata, posterior vero abeat in parallelogrammum rectangulum EefF. Quoniam enim hoc modo EF manet latitudo maxima, et corpus versus

Tab. XI.
fig. 3.

Pars II.

T

puppim

146 DE STABILITATE SITVS AEQVILIBRII.

puppim adiunctum aqua non irruat, siquidem navis motu directo feratur, patet resistantiam alis hoc modo adiungendis non augeri. In motu vero navis obliquo tantum abest, ut hae alae accessionem aduersus plagam venti impediant, ut eam potius adiuvent atque declinationem a cursu directo eo minorem efficiant; quemadmodum ex libro superiori abunde colligere licet, tum infra pluribus docebitur. Hancque ob causam ista alarum applicatio praecedenti longe anteferenda videtur.

§. 283. Inquiramus igitur quantum incrementum stabilitas navis per alas hoc modo adhibitas capiat. Ponamus igitur sectionis aquae primitivae AEBF momentum respectu axis AB esse $= I$, atque D denotare aream AEB seu semissem sectionis primitivae, erit ut supra vidimus $I = \frac{EF^2 \cdot D}{\mu}$, ubi μ denotat numerum 9 vel 10. Quoniam nunc pars anterior EAF adiectis alis manet immutata, erit eius momentum respectu axis AB $= \frac{EF^2 \cdot D}{2\mu}$, siquidem portiones EAB et EBF proxime aequales ponantur. Partis vero posterioris, quae est rectangulum momentum respectu axis AB erit $= \frac{2}{3} CE^2 \cdot BC = \frac{1}{12} BC \cdot EF^2$ ex quo sectionis aquae alis auctae momentum respectu axis longitudinalis AB erit $= \frac{1}{12} BC \cdot EF^2 - \frac{D \cdot EF^2}{2\mu}$. Quocirca si volumen carinae vocetur $= V$, habebitur stabilitatis respectu axis longitudinalis incrementum $= \frac{M \cdot BC \cdot EF^2}{12 V} - \frac{M \cdot D \cdot EF^2}{16 V}$ posito $\mu = 9$.

§. 284. Quoniam EF circiter per medium sectionis aquae transire censetur, erit area EBF $= D$, quae eadem proxime aestimatur $\frac{2}{3} BC \cdot EF$, ita ut sit $BC : EF = \frac{3D}{2}$. Si ergo hic valor substituatur prodibit stabilitatis incrementum

mentum $= \frac{M \cdot E^{-2}}{V} \left(\frac{D}{8} - \frac{D}{18} \right) = \frac{5 M D \cdot E^{-2}}{72 V}$. Pristina vero stabilitas ante alas has adiunctas erat $= M \left(\frac{1}{V} - OG \right) = M \left(\frac{D \cdot E F^2}{V} - OG \right)$; vnde stabilitas pristina minor fuit quam $\frac{M \cdot D \cdot E F^2}{9 V}$, quae nunc augmentum accipit $= \frac{5 M \cdot D \cdot E F^2}{72 V}$ quod nisi interuallum OG valde sit exiguum, maius est quam stabilitas praecedens. Ac si naus sine alis nullam omnino habuisset stabilitatem, alis adiiciendis aquireret stabilitatem $= \frac{5 M \cdot D \cdot E F^2}{72 V} = \frac{5}{18} M \cdot CD$ denotante CD profunditatem carinae, positoque $V = D \cdot CD$ et $EF = CD \sqrt{6}$ quae sane stabilitas satis foret magna.

§. 285. Tali igitur alarum applicatione videmus non solum stabilitatem nauis insignitur augeri, vt vel in solo incremento aequiescere possimus, si ante nulla omnino stabilitas adfuisse, sed etiam incommoda, quibus praecedens alarum appositio erat obnoxia, hic nullum habent locum. Primo enim motus nauis directus his alis non impeditur, quia resistentia prorae iis non augetur; deinde in motu obliquo his ipsis alis nauis magis apta redditur, aduersus plagam venti progrediendi, eo quod declinatio a cursu directo diminuitur. Has igitur ob causas iste modus alas applicandi illi priori, qui vulgo in vsu esse solet maxime est antefendus. Quicquid autem sit, etiam talis alarum applicatio multis laborat difficultatibus; nisi enim hoc esset, praestaret naues statim ab initio ita fabricasse, neque per vitium ad tantam perfectionem deduci conueniret.

§. 286. Tria autem potissimum sunt vitia, quae istiusmodi alarum annexio nauibus infert: quorum primum est, quod hoc modo centrum grauitatis sectionis aquae primium versus puppim deducitur; quod quidem est vi-

trium non exigui momenti, quia hoc modo centrum gravitatis sectionis aquae de recta verticali per centrum gravitatis navis transeunte remouetur. At quia ob hunc defectum oscillationes navis tantum magis impetuosae redduntur, hoc vitium facile tolerari potest, dummodo alterum, quod in stabilitatis inopia versatur, tollatur. Alterum autem vitium quod cum ista alarum applicatione est coniunctum maioris est momenti; cum enim ob inclinationes navis hae alae ad notabilem profuuditatem porrigi debent, iis allisio aquae ad gubernaculum vehementer impiedietur. Atque tertio ob eandem rationem centrum magnitudinis carinae versus puppim perducitur, quod centrum gravitatis sequi debebit; quo navibus quae vento propellantur, ingens incommodum affertur.

§. 287. Quae cum ita sint, eo maior opera et cura est adhibenda, ne naues, quando iam sunt fabricatae, tali emendatione indigeant, quod quidem nunc perspectis causis stabilitatem efficientibus haud difficulter praestabitur. Quae enim emolumenta ex correctione modo descripta consequuntur, ea quatenus non aliis difficultatibus sunt permixta, praestabit statim ab initio navibus inducere, quantum demum, cum vitium iam est commissum. In isto autem capite satis offendimus, quomodo cum fabricatione navium tum operatione stabilitas satis magna possit obtineri; praecipuum vero momentum in constructione navium est situm. Nam quantum operatione profici potest, id praerumque non satis ad arbitrium tractari licet, ob circumstantias externas, ad quas naues accommodatas esse oportet; quibus quantum stabilitatem augeri concedatur, iam ante prospiciendum, ne nimis magnum subsidium inde expectetur.