

vero resistentiae quantitas prodit $= \frac{2c^3}{a^2} \sqrt{(n^4 c^4 + 2m^2 n^2 b^2 c^2 + m^4 b^4 + 4m^2 n^2 b^4)}$. Q. E. I.

Coroll. 1.

570. In hac ergo figura quoque constans est centrum resistentiae O, utcumque cursus CL ab axe CA declinet, dummodo angulus ACL non superet angulum DAD; hoc est dummodo fit $\frac{m}{n} < \frac{c}{b}$.

Coroll. 2.

571. Si ergo figurae centrum gravitatis simul incidat in punctum O, tum resistentia figuram non conuertet, sed tantum eius motum progressuum afficiet, eum vel retardando vel cursum inflectendo.

Coroll. 3.

572. Angulus autem EOR maior erit quam angulus ACL si fuerit $\frac{2mn b^2}{n^2 c^2 + m^2 b^2} > \frac{m}{n}$ hoc est si fuerit $2n^2 b^2 - n^2 c^2 > m^2 b^2$, seu $\frac{m}{n} < \frac{\sqrt{(2b^2 - c^2)}}{b}$. Quia autem est $\frac{m}{n} < \frac{c}{b}$, perspicuum est, si fuerit $b > c$ seu $AC > CD$ tum angulum EOR semper maiorem fore angulo ACL.

Coroll. 4.

573. Si fiat $\frac{m}{n} = \frac{c}{b}$, quo casu solum latus AD resistentiae erit expositum, tum anguli EOR tangens erit $= \frac{b}{c}$. Scilicet angulus EOR hoc casu complementum erit anguli ACL ad rectum quod quidem ex se sponte patet.

PROPOSITIO 57.

Problema.

Tab XXVI.
fig. I.

574. Si figura aquae innatans AE fuerit composita ex parallelogrammo rectangulo HKNM et duobus triangulis isoscelibus aequalibus HAK et MEN super lateribus oppositis HK et MN constitutis, haecque figura in directione CL ad diametrum AE obliqua promoueat, inuenire resistentiae tum directionem tum magnitudinem.

Solutio.

Ponantur primo in triangulo HAK, latus $AK = AH = a$; $AP = b$; $HP = PK = c$, ita ut sit $a^2 = b^2 + c^2$. Deinde rectanguli HMNK longitudo MH seu KN sit $= 2f$, vel ducta diametro transuersali BD sit $KD = DN = f$; anguli autem obliquitatis cursus ACL sinus sit $= m$, cofinus $= n = \sqrt{1 - mm}$; qui angulus minor sit quam angulus CEN, quo tria latera HA, AK et KN solum sint resistentiae exposita, celeritas denique qua haec figura in directione CL progreditur debita sit altitudini v . Consideretur nunc primum resistentia, quam sola trianguli latera HA et AK patiuntur cuius media directio IS per propositionem antecedentem transit per punctum I, existente $AI = \frac{aa}{2b}$, atque cum axe AE angulum CIS constituet, cuius tangens est $= \frac{2mn b^2}{n^2 c^2 + m^2 b^2}$ ipsa vero resistentiae vis erit $= \frac{2cv}{a^2} \sqrt{(n^2 c^2 + m^2 b^2)^2 + 4m^2 n^2 b^4}$; seu quod eodem redit resistentia aequiualebit duabus viribus in I applicatis, quarum altera vrget versus IC estque $= \frac{2cv(n^2 c^2 + m^2 b^2)}{a^2}$ altera directionem habet ad hanc normalem, estque $=$

$\frac{4mnb^2cv}{a^2}$. His euolutis inquiramus in resistentiam lateris KN, quod in aquam sub angulo cuius sinus est $= m$ impingit, eius igitur resistentia est $= 2m^2fv$ cuius directio ad KN est normalis atque in ipsam DB incidit. Haec ergo resistentia si cum priore, quam latera trianguli HA, AK sufferunt coniungatur, praebebit centrum resistentiae in O ut fit $CO:IO = \frac{4mnb^2cv}{a^2} : 2m^2fv = 2nb^2c : ma^2f$; unde fit $CI:CO = 2nb^2c + ma^2f : 2nb^2c$. Est vero $CI = f + b\frac{-a^2}{2b} = \frac{2bf + 2bb - aa}{2b}$; ideoque $CO = \frac{nbc(2bf + 2bb - aa)}{2nb^2c + ma^2f}$. Tota ergo resistentia ad duas vires in puncto O applicatas reducitur, quarum altera vrget in directione OC estque $= \frac{2cv(n^2c^2 + m^2b^2)}{a^2}$, alterius vero quae erit $= 2m^2fv + \frac{4mnb^2cv}{aa}$ directio ad illam est normalis. Hinc totius resistentiae media directio est recta OR, quae cum axe angulum EOR constituit, cuius tangens $= \frac{m^2a^2f + 2mnb^2c}{n^2c^3 + m^2b^2c}$; atque ipsius resistentiae quantitas erit $= \frac{2v}{a^2} \sqrt{((n^2c^3 + m^2b^2c)^2 + (m^2a^2f + 2mnb^2c)^2)}$. Q. E. I.

Coroll. I.

575. In hac igitur figura situs centri resistentiae O non est fixus, sed pendet ab obliquitate cursus nisi fit $f + b = \frac{a^2}{2b}$, quo casu in C incidit. Nam si angulus ACL euanescit, tum punctum O incidet in ipsum punctum I, atque quo maior fit obliquitas cursus ACL, eo propius punctum O ad C accedit.

Coroll. 2.

576. In huius modi igitur figura euitari nequit quib in cursu obliquo figura a resistentia circa grauitatis centrum quandoque conuertatur, nisi eo casu quo cadit O in C . Ad hanc ergo conuersionem impediendam opus erit nouis viribus.

Coroll. 3.

577. Manente autem eodem angulo ACL obliquitatis cursus, angulus EOR quem media directio resistentiae cum axe seu spina AE constituit, eo erit maior, quo longius fuerit parallelogrammum rectangulum $HMNK$.

Coroll. 4.

578. Eo magis autem angulus EOR excedet angulum ACL , quo magis haec quantitas $m^2na^2f + 2mn^2b^2c$ superat hanc $mn^2c^3 + m^2b^2c$. Eo maior autem est iste excessus, quo longior fuerit figurae pars media seu parallelogrammum rectangulum.

Scholion.

579. Ex his casibus satis clare perspicitur, quomodo de resistentia quam quaecunque figura in aqua oblique promota patitur, iudicium ferri conueniat. Scilicet cum in nauibus quae vento propelluntur requiratur, vt cursus quam maxime in eam plagam institui queat, vnde ventus venit, quantum ista proprietas obtineatur ex differentiis angulorum, quos directio cursus et media directio resistentiae cum spina constituit, colligere licebit, quo maior enim fuerit

sterit ista differentia, eo aptior erit navis ad istum scopum consequendum. Ex allatis autem intelligitur horum angulorum differentiam eo fore maiorem quo maior fuerit resistentia laterum navis respectu resistentiae quam prora directe promotae sentit. Hancobrem primo naues ita constructui convenit, vt secundum spinam directe promotae minimam sentiant resistentiam; tum vero vt, si cursus tantillum suscipiatur obliquus, resistentia maxime augeatur; qui posterior scopus obtinetur, si navis fiat vehementer longa, eiusque latera figuram fere planam sint habitura. Hanc itaque etiam ob causam pars navium anterior, quae in cursu directo sola resistentiam patitur ita est conformanda, vt minimam patiatur resistentiam, quantum quidem id reliquae circumstantiae permittunt. Sed haec omnia tum in sequenti capite tum vero in altero libro vberius exponentur. Quod autem ad situm centri resistentiae attinet, quo de eo facilius iudicari queat, sequentes propositiones afferre est visum

PROPOSITIO 58.

Problema.

580. Si figura ABED ex duobus aequalibus similibusque segmentis circularibus constet, super communi chorda AE utrinque dispositis; eaque figura in aqua promoueat oblique secundum directionem CL, determinare resistentiae tum directionem tum magnitudinem.

Tab. XXVI.
fig. 2.

Solutio.

Sit F centrum arcus ADE, et G centrum arcus ABE, ponaturque $FD = GE = c$; $AC = EC = a$ $BC = CD = b$,

$CD = b$, erit $FC = GC = c - b$, atque ex natura circuli
 $a^2 + (c - b)^2 = c^2$ vnde fit $2bc = a^2 + b^2$. Sit iam angu-
 li obliquitatis cursus ACL finus $= m$, cosinusque $= n$,
 ac ducantur tangentes Mm et Nn parallelae directioni cur-
 sus CL , radiique MG et FN , erunt anguli MGB , NFD
 aequales angulo ACL , eorumque propterea finus $= m$,
 cosinusque $= n$. Cum itaque arcuum BM et DN finus
 fit $= m$ et cosinus $= n$; arcuum vero AB et AD fi-
 nus fit $= \frac{a}{c}$ et cosinus $= \frac{\sqrt{c^2 - a^2}}{c}$, erit arcus AM finus
 $= \frac{an - m\sqrt{c^2 - a^2}}{c}$ et cosinus $= \frac{am + n\sqrt{c^2 - a^2}}{c}$; arcus vero ADN
 finus $= \frac{an + m\sqrt{c^2 - a^2}}{c}$ et cosinus $= \frac{n\sqrt{c^2 - a^2} - ma}{c}$. Quare si
 ex A ad radios GM et FN , qui inter se sunt paralleli du-
 catur perpendicularis APQ erit $AP = na - m\sqrt{c^2 - a^2} = ma - m(c - b)$ et $GP = ma + n\sqrt{c^2 - a^2} = ma + n(c - b)$.
 Simili modo erit $AQ = na + (c - b)$, et $FQ = n(c - b) - ma$.
 Sunt autem arcus AM et ADN eae figurae partes, quae
 solae resistentiam patiuntur; ad resistentiam igitur vtrius-
 que arcus definiendam fit celeritas, qua figura progreditur
 debita altitudini v . Resistentiae autem arcus AM media
 directio transit per centrum arcus G , reduciturque ad duas
 potentias Gd , Ge , quorum illa Gd ad GM est normalis,
 haec vero Ge cum MG in directum iacet; est autem ex
 §. 554 vis $Gd = \frac{MP^2(\frac{1}{2}MG - M)v}{8MG^2}$ et vis $Ge = \frac{AP^3 \cdot v}{8MG^2}$.
 At est $MP = c - ma - n(c - b)$ et $MG = c$; ideoque 3
 $MG - MP = 2c + ma + n(c - b)$ existente $AP = na - m(c - b)$.
 Simili modo resistentia, quam patitur arcus ADN , redu-
 cetur ad duas vires Fb et Fa in puncto F similiter ap-
 plicatas, vt fit bF ad NF perpendicularis et a situm sit

in recta NF producta; eritque vis $Fb = \frac{NQ^2(3NF-NQ)v}{3NF^2}$ et vis $FA = \frac{AQ^3 v}{3NF^2}$, existente $NQ = c + ma - n(c-b)$, et $NF = c$; $3NF - NQ = 2c = ma + n(c-b)$, atque $AQ = na + m(c-b)$. Resoluantur hae vires in binas quarum alterae in FG incidant, alterae ad FG sint normales, quod facile fit, dum angulorum $e G \epsilon$ et $a F \alpha$ sinus sit $= m$, cosinusque $= n$. Reperitur vero vis $Gg = \frac{nv \cdot MP^2(3MG-MP) + mv \cdot AP^3}{3MG^2}$ et vis $G\epsilon = \frac{nv \cdot AP^3 - mv \cdot MP^2(MG-MP)}{3MG^2}$. Pari ratione est vis $Ff = \frac{nv \cdot NQ^2(3NF-NQ)^2 + mv \cdot AQ}{3MG^2}$ et vis $F\alpha = \frac{nv \cdot AQ^3 + mv \cdot MQ^2(3NF-NQ)}{3MG^2}$. Ponatur $FC = GC = c - b = f$; erit $a^2 + f^2 + c^2$, atque $MP = c - ma - nf$; $NQ = c + ma - nf$; $3MG - MP = 2c + ma + nf$; $3NF - NQ = 2c - ma + nf$, atque $AP = na - mf$; $acAQ = na + mf$. Hinc erit vis $Gg = \frac{v}{3cc} (2nc^3 - 3n^2c^2f - 2mna^3 + (nn - mm)f^3)$ et vis $G\epsilon = \frac{v}{3cc} ((n^2 - m^2)a^3 + 2mnf^3 - 2mc^3 + 3m^2ac^2)$: Similiterque vis $Ff = \frac{v}{3cc} (2nc^3 - 3n^2c^2f + 2mna^3 + (nn - mm)f^3)$ et vis $F\alpha = \frac{v}{3cc} ((n^2 - m^2)a^3 - 2mnf^3 + 2mc^3 + 3m^2ac^2)$. Sit nunc OR media directio totius resistentiae, erit $CR = \frac{2mna^3f}{2nc^3 - 3n^2c^2f + (nn - mm)f^3}$; viribusque superioribus aequiualebunt duae vires Rr et RB in puncto R applicatae, eritque vis $Rr = \frac{2v}{3cc} (2nc^3 - 3nnc^2f + (nn - mm)f^3)$ et vis $RB = \frac{4mv}{3cc} (c^3 - nf^3)$. Vnde proveniet $CO = \frac{na^3f}{c^3 - nf^3}$. Anguli igitur ROC quem media directio resistentiae cum axe AE constituit, tangens erit $\frac{2mc^3 - 2mnj^3}{2nc^3 - 3n^2c^2f + (nn - mm)f^3}$; atque ipsius resistentiae quantitas erit $\frac{2v}{3cc} \sqrt{(4c^6 - 12n^3c^5f + 4n(nn - 3mm)c^3f^3 + 9n^4c^4ff - 6nn(nn - mm)c^2j^4 + f^6)}$

Q. E. I.

Co.

Coroll. 1.

581. Locus igitur centri resistentiae O est variabilis, pendetque ab obliquitate cursus seu angulo ACL . Quo maior enim fit angulus ACL , eo propius punctum O ad C accedit.

Coroll. 2.

582. Si angulus ACL sit infinite parvus, punctum O a C maxime erit remotum; erit enim distantia $OC = \frac{a^3 f}{c^3 - f^3} = \frac{af(a+f)}{c^2 + cf + ff}$ propter $aa = cc - ff$. At si fiat $n = \frac{f}{c}$, quo casu punctum M in A cadit, erit distantia minima $OC = \frac{a^3 ff}{c^4 - f^4} = \frac{aff}{cc + ff}$.

Coroll. 3.

583. Intervallum igitur, per quod centrum resistentiae O vagatur, dum punctum M a B vsque ad A promouetur, est $= \frac{af(c+f)}{cc+cf+ff} - \frac{aff}{cc+ff} = \frac{ac^3 f}{(cc+ff)(cc+cf+ff)} = \frac{a}{\left(\frac{f}{c} - \frac{ff}{cc} - \frac{f^3}{c^3} + \frac{2f^4}{c^4}\right)}$ proxime; minus igitur est quam $\frac{af}{cc}$.

Coroll. 4.

584. Si segmenta ABE et ADE abeant in semicirculos, tum fiet $f = 0$, hoc igitur casu centrum resistentiae O in ipsum punctum C cadit. Quo maior autem fuerit f , hoc est quo minora fuerint segmenta illa, eo magis centrum resistentiae O a C distat.

Coroll. 5.

585. Ut differentia angulorum COR et ACL distinctius percipiatur, ponamus angulum ACL esse infi-

nite paruum, quo casu fit $m =$ infinite paruo et $n = 1$,
 angulique A C L tangens $= m$. Anguli ergo C O R tan-
 gens erit $= \frac{2m(c^3 - f^3)}{2c^3 - 3ccf + f^3} = \frac{2m(c^2 + cf + ff)}{2c^2 - cf - ff} = \frac{2m(c^2 + cf + f^2)}{(c-f)(2c+f)}$; unde se habebit angulus A C L ad angulum C O R vt $2cc - cf - ff$ ad $2cc + 2cf + 2ff$.

Coroll. 6.

586. Si ergo obliquitas cursus seu angulus A C L fu-
 erit vehementer exiguus, tum angulus C O R maior erit
 angulo A C L, nisi sit $f = 0$ quo casu figura in integrum
 circulum abit. Semper enim si figura est integer circulus
 anguli A C L et C O R sunt æquales, atque puncta O et
 C coincidunt.

Coroll. 7.

587. Si obliquitas fiat maxima seu arcus A M eua-
 nescat, vt solus arcus A D E resistentiae exponatur, tum
 fiet $m = \frac{a}{c}$ et $n = \frac{f}{c}$: atque anguli C O R tangens erit
 $= \frac{a(c^2 - f^2)}{f(cc - f)^2} = \frac{a(cc + ff)}{f(cc - ff)}$. Anguli igitur A C L tangens se habebit
 ad anguli C O R tangentem vt $cc - ff$ ad $cc + ff$.

Coroll. 8.

588. Ex his intelligitur quo maior fuerit f respectu
 c , seu quo minora sint segmenta A B E et A D E, eo ma-
 gis pro quauis obliquitate excedere angulum C O R angu-
 lum A C L.

Coroll. 9.

589. Si angulus A C L euanescit, tum ob $m = 0$
 et $n = 1$, prodit totius resistentiae vis $= \frac{2v(2c^3 - 3ccf + f^3)}{3cc}$
 L 1

$$= \frac{2v(c-f)(2c^2-cf-ff)}{3cc} \text{ at si obliquitas fiat maxima seu } m = \frac{2v}{c} \text{ etc}$$

$$n = \frac{f}{c} \text{ tum prodit tota resistantia } = \frac{4a^3v\sqrt{cc+ff}}{3c^3}$$

Scholion.

590. Hanc figuram ex duobus segmentis circularibus compositam ideo potissimum hic sum contemplatus, quod ad cognitionem resistantiae navium satis sit idonea. Quamvis enim sectiones horizontales navium non admodum congruant cum ista figura, tamen si praecedentes casus simul in considerationem ducantur, non difficile erit pro quavis cursus obliquitate tam centri resistantiae locum, quam mediam resistantiae directionem aestimatione assignare; Satis enim manifestum est, quo magis figura fuerit cuspidata, eo propius centrum resistantiae versus proram esse situm ceteris paribus. Eandem hanc etiam figuram Celeb. Ioh. Bernoulli in tractatu cui titulus est: *Manoeuver des Vaisseaux*, examini subiecit; atque peculiari modo in locum centri resistantiae inquisivit, eo tantum casu quo obliquitas cursus est quam minima, seu angulus ACL infinite parvus; censet autem hoc casu centrum resistantiae in eo puncto fore constitutum, ubi media directio resistantiae quam arcus AB vel AD solus in cursu directo patitur, axem AE intersectat. At istud punctum non congruit cum nostro puncto O , quando angulus ACL evanescit; Secundum methodum enim Bernoullianam reperitur intervallum $CO = \frac{af(2c+ff)}{(c+f)^2}$, cum reuera sit $CO = \frac{af(c+f)}{cc+cf+ff}$. Ex quo intelligitur centrum resistantiae, cum obliquitas cursus est infinite parva, ex resistantia quam utraque curvae pars in cursu directo patitur, defini non posse, sed reuera cursum obliquum in considerationem du-

ci oportere, quemadmodum in hac propositione a nobis est factum. Sed si aliae figurae praeter circulares fuerint propositae, tum resistentia in cursu obliquo vix ac ne vix quidem potest determinari, ob calculum nimis prolixum: quocirca eiusmodi investigationibus superfedendum esse dixi. Tentabo autem tantum eo casu, quo cursus obliquus minime a directo differt, locum centri resistentiae et mediam resistentiae directionem definire, quippe qui casus facilius examini subiicitur, et a ~~taediosis~~ calculis quodammodo liberari potest.

PROPOSITIO 59.

Problema.

591. Si figura aquae innatans constet ex duabus partibus AMBE et ANDE aequalibus et similibus utrinque ad axem AE dispositis, eaque moueatur in directione CL quae cum axe AC constituat angulum ACL infinite paruum; determinare mediam directionem resistentiae OR, ipsamque resistentiae quantitatem.

Tab. XXXVII.
fig. 1.

Solutio.

Quia cursus obliquitas ponitur infinite parua eadem utrinque figurae portio AMB et AND resistentiam patietur, quae si cursus foret directus, resistentiae esset exposita; cum non solum eae partes quibus tum arcus AMB augeri, tum arcus AND diminui deberet, sunt infinite paruae, sed etiam sub angulo infinite paruo in aquam impingunt, ita ut earum resistentiam tuto negligere liceat. Ducta igitur ordinata MPN, sit $AP = x$; $PM = PN$

L 1 2

= y.

$\equiv y$, et arcus $AM \equiv AN \equiv s$. anguli vero ACL finis
 ponatur $\equiv m$, cosinusque $\equiv n$, erit m infinite paruum
 et propterea $n \equiv 1$, celeritas autem qua figura progreditur
 debita sit altitudini v . Ducantur iam ipsi LC parallelae mM
 M et nN , quae directionem repraesentabunt, qua puncta
 M et N in aquam impingunt; erit autem anguli AMm
 sinus $\equiv \frac{ndy + m dx}{ds} \equiv \frac{dy + m dx}{ds}$, anguli autem ANn sinus
 $\equiv \frac{ndy - m dx}{ds} \equiv \frac{dy - m dx}{ds}$. Resistentia ergo, quam elementum
 ds in M sufferet erit $\equiv \frac{v(dy^2 + 2m dx dy)}{ds}$, eiusque directio erit
 normalis ad curvam Mp . Resistentia vero quam elemen-
 tum ds in N sufferet erit $\equiv \frac{v(dy^2 - 2m dx dy)}{ds}$ in directione nor-
 malis Np . Elementum igitur ds in M urgebitur indi-
 rectione MP vi $\equiv \frac{v dx dy (dy + m dx)}{ds^2}$ at in directione axi
 AC parallela vi $\equiv \frac{v dy^2 (dy + 2m dx)}{ds^2}$. Simili modo elemen-
 tum ds in N urgebitur, in directione NP vi $\equiv \frac{v dx dy (dy - 2m dx)}{ds^2}$
 et in directione axi AC parallela vi $\equiv \frac{v dy^2 (dy - 2m dx)}{ds^2}$. Sum-
 ma ergo virium qua ambo elementa coniunctim in dire-
 ctione AC urgentur est $\equiv \frac{2v dy^3}{ds^2}$: at excessus, quo indi-
 rectione MN sollicitantur $\equiv \frac{4m v dx^2 dy}{ds^2}$. Sit nunc oO me-
 dia resistentiae directio, ductoque ex o ad AC per-
 pendiculo ov , erit integralibus usque ad B et D sum-

$$\text{tis } ov = \frac{4m v \int \frac{dx^2 dy}{ds^2}}{2v \int \frac{dy^3}{ds^2}} = \frac{2m \int y dy^2 dx : ds^2}{\int dy^3 : ds^2} \text{ atque } Av =$$

$$\frac{4m v \int \frac{dx^2 dy}{ds^2}}{4m v \int \frac{dx^2 dy}{ds^2}} = \frac{\int x dx^2 dy : ds^2}{\int dx^2 dy : ds^2} \text{ Porro si } oO \text{ est media di-}$$

$$\text{rectio resistentiae, erit } ov : vO = 2m \int \frac{dx^2 dy}{ds^2} : \int \frac{dy^3}{ds^2}, \text{ vide}$$

$$\text{sit } vO = \frac{\int y dy^2 dx : ds^2}{\int dx^2 dy : ds^2} \text{ atque } AO = \frac{\int (x dx - y dy) dx dy : ds^2}{\int dx^2 dy : ds^2} \text{ quae}$$

expressio

expressio determinat locum centri resistentiae O. Tota igitur resistentia reducitur ad duas vires in puncto O applicatas, quarum altera est $= 2v \int \frac{dy^3}{ds^2}$ agens in directione Os; altera vero est $= 4mv \int \frac{dx^2 dy}{ds^2}$, cuius directio est Or ad AE normalis. Ipsa denique media directio OR cum axe AE angulum constituet EOR cuius tangens est $= \frac{2m \int dx^2 dy : ds^2}{\int dy^3 : ds^2}$. Q. E. I.

Coroll. 1.

592. Hinc patet locum centri resistentiae O omnino esse diuersum ab eo, qui secundum modum ante indicatum (590) reperitur, per eum enim prodit AO $= \frac{\int (x dx + y dy) dy^2 : ds^2}{\int dy^2 dx : ds^2}$, cum tamen reuera sit AO $= \frac{\int (x dx + y dy) dx dy : ds^2}{\int dx^2 dy : ds^2}$.

Coroll. 2.

593. Angulus igitur ROE pariter erit infinite parvus, rationemque habebit ad angulum ACL uti se tenet $2 \int \frac{dx^2 dy}{ds}$ ad $\int \frac{dy^3}{ds^2}$; quae ergo ratio erit finita. Anguli enim infinite parui sunt ut eorum tangentes vel sinus.

Coroll. 3.

594. Resistentiae ergo vis, quae agit secundum directionem axis AE aequalis est illi resistentiae, quam pateretur eadem figura si cursu directo secundum directionem axis CA moueretur.

Scholion 1.

595. Ex solutione sponte intelligitur, qua conditione omnia integralia, quae occurrunt sint accipienda. Scilicet primo omnes integrationes ita sunt instituendae, ut

omnia integralia euanescent posito vel x vel $y = 0$. Deinde ad maximam figurae latitudinem est respiciendum, quae si est BD , poni debet $x = AC$ vel $y = BC$; quoniam ea pars figurae solum resistentiam patitur quae sita est inter proram A et maximam figurae latitudinem BD .

Coroll. 4.

596. Cum resistentia secundum directionem AE sit ut $\int \frac{dy^3}{ds^2}$: atque anguli ROE tangens $= \frac{2m \int dx^2 dy \cdot ds^2}{\int dy^3 \cdot ds^2}$, intelligitur, quo figurae directe promotae minor fuerit resistentia, eo magis angulum ROE esse superaturum angulum ACL .

Coroll. 5.

597. Pendet autem integratio $\int \frac{dx^2 dy}{ds^2}$ ab integratione $\int \frac{dy^3}{ds^2}$: cum enim sit $dx^2 + dy^2 = ds$ erit $\int \frac{dx^2 dy}{ds^2} + \int \frac{dy^3}{ds^2} = y$; ideoque $\int \frac{dx^2 dy}{ds^2} = y - \int \frac{dy^3}{ds^2}$; unde fit anguli EO tangens $= \frac{2m y}{\int dy^3 \cdot ds^2} - 2m = \frac{2m \cdot BC}{\int dy^3 \cdot ds^2} - 2m$.

Coroll. 6.

598. Inter omnes igitur figuras per puncta A et B transeuntes, ea pro data obliquitate ACL maximum angulum EO producet, quae in cursu directo minimam patitur resistentiam.

Coroll. 7.

599. Deinde quod ad locum centri resistentiae O attinet, cum sit $AO = \frac{\int (x dx + y dy) dx dy \cdot ds^2}{\int dx^2 dy ds^2}$ erit $AO = \frac{\int (x dx + y dy) dx dy \cdot ds^2}{BC - \int dy^3 \cdot ds^2}$. Quo minor ergo est resistentia figurae in

in cursu directo, eo propius centrum resistentiae O ad pro-
ram A: erit. situm manente numeratore $\int \frac{(x dx + y dy) dx dy}{ds^2}$.

Exemplum r.

Tab. XXVII.
fig. 2.

600. Sit pars figurae anterior resistentiam excipiens
triangulum isosceles BAD, in quo sit AC = a, BC =
CD = b, et AB = AD = c = $\sqrt{a^2 + b^2}$. Direc-
tio vero cursus sit CL, angulique ACL qui est infinite
paruus, sinus = m; et celeritas debita altitudini v. Iam
positor AP = x, PM = PN = y, erit $y = \frac{bx}{a}$; et $dy =$
 $\frac{b dx}{a}$; atque $ds = \frac{cdx}{a}$. Sit nunc O centrum resistentiae, et
OR media directio resistentiae, erit ob $\int \frac{dx^2 dy}{ds^2} = \int \frac{abd x^2}{cc}$
 $= \frac{a^2 b}{cc}$; $\int \frac{dy^3}{ds^2} = \int \frac{b^3 dx}{acc} = \frac{b^3}{cc}$; $\int \frac{xdx^2 dy}{ds^2} = \int \frac{abx dx^2}{cc} = \frac{a^3 b}{2cc}$; at-
que $\int \frac{y dx dy^2}{ds^2} = \int \frac{b^3 x dx}{a cc} = \frac{ab^3}{2cc}$; distantia AO =
 $\frac{a^3 b + ab^3}{2a^2 b} = \frac{cc}{2a}$; vnde patet centrum resistentiae O in idem
axis AC punctum incidere, in quo recta GO, quae ad
AB est normalis eamque bifecat, rectae AC occurrit, pro-
vtr ex praecedentibus iam constat. Deinde anguli COR
tangens est = $\frac{2m a^2}{b^2}$. ita vt se habeat angulus ACL ad an-
gulum COR, vti b² ad 2a²; quoties igitur fuerit 2a² >
b² seu $\frac{BC}{AC} < \sqrt{2}$, siue angulus BAC minor quam 54°,
45', toties angulus COR excedet angulum ACL. Vis
denique resistentiae agens in directione CO est = $\frac{2b^3 v^2}{cc}$;
atque vis qua in directione ad OC normali sollicitabitur
erit = $\frac{4ma^2 b^3 v^2}{cc}$.

Exempl.

Exemplum 2.

601. Constet figura ex duobus segmentis circularibus ABE, ADE aequalibus et similibus sitque $AC = a$, $BC = CD = b$; atque radius circuli ex quo haec segmenta sunt desumpta sit $= c$. ponatur autem breuitatis causa $c - b = f$, ut sit $cc = a^2 + ff$. Porro sit CL directio cursus angulique ACL, qui ponitur infinite paruus, sinus $= m$, et celeritati altitudo debita $= v$. Iam cum sit $AP = x$; $PM = PN = y$, erit ex natura circuli $x = a - \sqrt{c^2 - (f + y)^2}$; $dx = \frac{(f + y)dy}{\sqrt{c^2 - (f + y)^2}}$ et $ds = \frac{c dy}{\sqrt{c^2 - (f + y)^2}}$; vnde sequentia integralia reperientur $\int \frac{dy^3}{ds^2} = \int \frac{cc dy - (f + y)^2 dy}{cc}$ $= b + \frac{f^3}{3cc} - \frac{c}{3} = \frac{2c^3 - 3ccf + f^3}{3cc} = \frac{(c - f)^2(2c + f)}{3cc}$ atque $\int \frac{dx^2 dy}{ds^2} = c - f - \frac{(c - f)^2(2c + f)}{3cc} = \frac{(c - f)(cc + cf + ff)}{3cc} = \frac{c^3 - f^3}{3cc}$. Deinde est $\int \frac{x dx^2 dy}{ds^2} = \frac{a(c^3 - f^3)}{3cc} - \int \frac{(f + y)^2 dy \sqrt{cc - (f + y)^2}}{cc}$ atque $\int \frac{y dx dy^2}{ds^2} = \int \frac{(f + y)y dy}{cc} \sqrt{cc - (f + y)^2}$; vnde erit $\int \frac{(x dx + y dy) dx dy}{ds^2} = \frac{a(c^3 - f^3)}{3cc} - \frac{f}{cc} (f + y) dy \sqrt{cc - (f + y)^2} = \frac{a(c^3 - f^3)}{3cc} - \frac{a^3 f}{3cc} = \frac{ab}{3}$. Ex his oritur $AO = \frac{abcc}{c^3 - f^3} = \frac{acc}{cc + cf + ff}$ atque $CO = \frac{af(c + f)}{cc + cf + ff}$ ut supra (582). Anguli autem COR, quem media directio resistentiae OR cum axe AC constituit tangens est $= \frac{2m(cc + cf + ff)}{(c - f)(2c + f)}$ vti supra (585.)

Exemplum 3.

Tab. XXVII.
fig. 3.

602. Sit figura aquae insidens ellipsis ABED cuius femiaxis AC sit $= a$; alter $BC = CD = b$ atque CL cursus directio infinite parum dissidens ab axe AC, ita ut anguli ACL sinus m sit infinite paruus; altitudo vero celeritati, qua haec figura promouetur, debita sit $= v$. Iam
positis

positis abscissa $AP = x$, applicatis $PM = PN = y$, erit
 $y = \frac{b}{a} \sqrt{2ax - xx}$, siue $x = a - \frac{a}{b} \sqrt{bb - yy}$;
 hinc igitur fit $dx = \frac{ay dy}{b \sqrt{bb - yy}}$ et $ds^2 = \frac{dy^2(b^4 + (a^2 - b^2)yy)}{bb(bb - yy)}$. Quare integralia, quibus opus est ita se habe-

bunt $\int \frac{dx^2 dy}{ds^2} = \int \frac{a^2 y^2 dy}{b^4 + (aa - bb)yy} = \frac{aab}{aa - bb} - \frac{a^2 b^4}{aa - bb} \int \frac{dy}{b^4 + (aa - bb)yy}$
 ubi duo casus sunt considerandi, prout fuerit $a > b$ vel
 $a < b$; si enim $a > b$ seu $AC > BC$ prouenit $\int \frac{dx^2 dy}{ds^2} =$
 $\frac{a^2 b}{aa - bb} - \frac{a^2 b^2}{(aa - bb)^{\frac{3}{2}}} A \text{ tang. } \frac{\sqrt{aa - bb}}{b}$ at si $a < b$ erit

$\int \frac{dx^2 dy}{ds^2} = \frac{a^2 b^2}{2(bb - aa)^{\frac{3}{2}}} \left(\frac{b + \sqrt{bb - aa}}{b - \sqrt{bb - aa}} - \frac{a^2 b}{bb - aa} \right) =$
 $\frac{a^2 b^2}{(bb - aa)^{\frac{3}{2}}} \left(\frac{b + \sqrt{bb - aa}}{a} - \frac{a^2 b}{bb - aa} \right)$. Quia autem est $\int \frac{dy^3}{ds^2} =$

$b - \int \frac{dx^2 dy}{ds^2}$ erit eo casu, quo est $a > b$, $\int \frac{dy^3}{ds^2} = \frac{-b^3}{aa - bb} +$
 $\frac{a^2 b^2}{(a^2 - b^2)^{\frac{3}{2}}} A \text{ tang. } \frac{\sqrt{aa - bb}}{b}$ casu vero quo est $a < b$ erit

$\int \frac{dy^3}{ds^2} = \frac{b^3}{bb - aa} - \frac{a^2 b^2}{(bb - aa)^{\frac{3}{2}}} \left(\frac{b + \sqrt{bb - aa}}{a} \right)$. Deinde cum fit

$\frac{xdx^2 dy}{ds^2} = \frac{a^3 y^2 dy - \frac{a^2}{b} y^2 dy \sqrt{bb - yy}}{b^4 + (aa - bb)yy}$, atque $\frac{y dx dy^2}{ds^2} =$

$\frac{ab y dy \sqrt{bb - yy}}{b^4 + (aa - bb)yy}$; erit $\int \frac{(xdx + y dy) dx dy}{ds^2} = a \int \frac{a^2 y^2 dy}{b^4 + (aa - bb)yy} - \frac{a}{b}$
 $\int \frac{(aa - bb) y y dy \sqrt{bb - yy}}{b^4 + (aa - bb)yy}$. Est vero $\int \frac{(aa - bb) y y y \sqrt{bb - yy}}{b^4 + (aa - bb)yy}$

$= \frac{\pi}{4} \frac{bb(aa - b)^2}{aa - bb}$ denotante π : 1 rationem peripheriae ad
 diametrum in circulo. Quamobrem si $a > b$ erit

$\int \frac{(xdx + y dy) dx dy}{ds^2} = \frac{a^2 b}{aa - bb} - \frac{a^2 b^2}{(aa - bb)^{\frac{3}{2}}} A \text{ tang. } \frac{\sqrt{aa - bb}}{b}$

$$- \frac{\pi ab(a-b)^2}{4(aa-bb)}; \text{ at si } a < b \text{ erit } \int \frac{(x dx + y dy) dx dy}{ds^2} = \frac{a^3 b^2}{(bb-aa)^{\frac{3}{2}}}$$

$$\left(\frac{b + \sqrt{(b^2 - aa)}}{a} - \frac{a^3 b}{bb-aa} + \frac{\pi ab(a-b)^2}{4(aa-bb)} \right) \text{ Centrum itaque resistendae}$$

$$\text{situm erit in O ut sit } AO = a - \frac{\pi ab(a-b)^2}{4a^2 b - \frac{a^2 b^2}{\sqrt{(a^2 - b^2)}}} \text{ A tang. } \frac{\sqrt{(aa-bb)}}{b};$$

$$\text{ideoque } CO = \frac{\pi(a-b)^2}{4a - \frac{ab}{\sqrt{(a^2 - b^2)}}} \text{ A tang. } \frac{\sqrt{(a^2 - b^2)}}{b}; \text{ casu quo est}$$

$$a > b. \text{ At casu quo est } a < b \text{ erit } CO = \frac{-\pi(b-a)^2}{\frac{ab}{\sqrt{(bb-aa)}} \left(\frac{b + \sqrt{(bb-aa)}}{a} - 4a \right)}$$

$$= \frac{\pi(b-a)^2 \sqrt{(bb-aa)}}{4ab \left(\frac{b + \sqrt{(bb-aa)}}{a} - 4a \sqrt{(bb-aa)} \right)}. \text{ Anguli denique COR tan-}$$

$$\text{gens erit } = \frac{2ma^2 \sqrt{(aa-bb)} - 2ma^2 b \text{ A tang. } \frac{\sqrt{(aa-bb)}}{b}}{-bb \sqrt{(aa-bb)} + a^2 b \text{ A tang. } \frac{\sqrt{(aa-bb)}}{b}} =$$

$$\frac{-2ma^2 \sqrt{(bb-aa)} + 2ma^2 b \left(\frac{b + \sqrt{(bb-aa)}}{a} \right)}{bb \sqrt{(bb-aa)} - a^2 b \left(\frac{b + \sqrt{(bb-aa)}}{a} \right)}, \text{ quarum expressionum,}$$

illa valet si $a > b$, haec vero si $a < b$. Innotescit igitur media directio resistendae OR quam figura proposita elliptica secundum directionem CL promota sentit.

Coroll. I.

603. Si integrationes, quae tum a quadratura circuli tum hyperbolae pendent, per series absoluantur, erit

$$CO = \frac{\pi(a-b)^2}{4a \left(\frac{aa-bb}{3bb} - \frac{(ab-bb)^2}{5b^4} + \frac{(aa-bb)^3}{7b^6} - \text{etc.} \right)} \text{ atque anguli}$$

$$\text{COR tangens } = \frac{2m \left(\frac{aa-bb}{3bb} - \frac{(aa-bb)^2}{5b^4} + \frac{(aa-bb)^3}{7b^6} - \text{etc.} \right)}{-\frac{bb}{aa} + 1 - \frac{(aa-bb)}{3bb} + \frac{(aa-bb)^2}{5b^4} - \frac{(aa-bb)^3}{7b^6} + \text{etc.}}$$

quae formulae aequae valent siue sit $a > b$ siue $a < b$.

Co.

Coroll. 2.

604. Cum fit $-\frac{bb}{aa} + 1 = \frac{aa-bb}{aa}$, erit anguli COR tangens $= \frac{2m(\frac{1}{3bb} - \frac{(aa-bb)}{5b^4} + \frac{(aa-bb)^2}{7b^6} - \text{etc.})}{\frac{1}{aa} - \frac{1}{3bb} + \frac{aa-bb}{5b^4} - \frac{(aa-bb)^2}{7b^6} + \text{etc.}}$ fimilique modo fiet interuallum CO $= \frac{\pi(a-b)}{4a(a+b)(\frac{1}{3bb} - \frac{(aa-bb)}{5b^4} + \frac{(aa-bb)^2}{7b^6} - \text{etc.})}$

Coroll. 3.

605. Si ellipsis proxime ad circulum accedat ita vt prope fit $b = a$, existente $b = a - d w$, erit ob terminos euanescentes $\frac{3\pi d w}{8} = CO$; atque hoc casu etiam fit anguli COR tangens $= m$, seu angulus COR aequalis erit angulo ACL.

Scholion 2.

606. Integratio formulae differentialis $\frac{(a^2-b^2)yydy\sqrt{(bb-yy)}}{b^4+(aa-bb)yy}$, quae in hoc exemplo occurrit notatu est digna, eo quod integrale eo casu, quo ponitur $y = b$, contra omnem expectationem finite et tam simplici forma exprimitur. Si enim integrale indefinitum desideraretur, tum maxime prolixa et intricata expressio inueniretur, ex qua etiam difficillimum foret integrale pro casu $y = b$ exhibere. Peculiari igitur in hac integratione vsus sum modo, quo statim pro eo solum casu, quo est $y = b$, integrale prodit, cuius fundamentum in hoc consistit; quod fit $\int y^{m+2} dy$

$(bb-yy)^{\frac{n}{2}} = \frac{(m+1)bb}{m+n+3} \int y^m dy (bb-yy)^{\frac{n}{2}}$, eo casu, quo ponitur $y = b$. Hinc igitur reperitur $\int (\alpha + \epsilon y^2 + \gamma y^4 + \delta y^6 + \epsilon y^8 + \text{etc.}) y^m dy (bb-yy)^{\frac{n}{2}} = (\alpha + \frac{\epsilon(m+1)bb}{m+n+3} + \frac{\gamma^{m+1}(m+3)b^4}{(m+n+3)m+n+5} + \dots)$

M m 2 +

+ $\frac{\delta(m+1)(m+3)(m+5)b^6}{(m+n+1)(m+n+3)(m+n+5)} + \text{etc.}$) $\int y^m dy (bb-yy)^{\frac{n}{2}}$. Cum
 nunc fit $\frac{1}{cc+yy} = \frac{1}{cc} - \frac{yy}{c^2} + \frac{y^2}{c^4} - \frac{y^4}{c^6} + \text{etc.}$ erit $\frac{\int y^m dy (bb-yy)^{\frac{n}{2}}}{cc+yy}$

$$= \left(\frac{1}{cc} - \frac{(m+1)b^2}{(m+n+1)c^2} + \frac{(m+1)(m+3)b^4}{(m+n+1)(m+n+3)c^4} - \frac{(m+1)(m+3)(m+5)b^6}{(m+n+1)(m+n+3)(m+n+5)c^6} + \text{etc.} \right)$$

$\int y^m dy (bb-yy)^{\frac{n}{2}}$ eo quidem casu quo fit $y=b$. Series
 autem ista, quanquam in infinitum progreditur, tamen ad
 formam finitam potest reduci posito enim $\frac{b}{c} = z$, sum-
 ma illius seriei est $= \frac{(m+n+1)c^{m-1}(bb+cc)^{\frac{n}{2}}}{b^{m+n+1}}$

$\int \frac{z^{m+n} dz}{(1+zz)^{\frac{n+2}{2}}}$ integrali hoc ita sumto vt euanescat posito

$z=0$. Posito igitur $\int \frac{z^{m+n} dz}{(1+zz)^{\frac{n+2}{2}}} = C$ erit

$$\frac{\int y^m dy (bb-yy)^{\frac{n}{2}}}{cc+yy} = \frac{(m+n+1)C c^{m-1} (bb+cc)^{\frac{n}{2}}}{b^{m+n+1}}$$

$dy (bb-yy)^{\frac{n}{2}}$ Quando autem m est numerus par et n im-
 par, tum $\int y^m dy (bb-yy)^{\frac{n}{2}}$ vltierius reduci potest ad
 $\int \frac{dy}{\sqrt{(bb-yy)}}$, cuius integrale casu quo $y=b$ fit $\frac{\pi}{2}$ denotante
 π peripheriam circuli cuius diameter est $= 1$. Erit autem

$$\int y^m dy (bb-yy)^{\frac{n}{2}} = \frac{\pi}{2} \cdot \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \dots (m-1)}{2 \cdot 4 \cdot 6 \dots m} \cdot \frac{1}{(m+1)(m+3)(m+5) \dots (m+n+1)}$$

$\frac{12}{(m+n+1)} b^{m+n+1}$ vnde denique habetur $\frac{\int y^m dy (bb-yy)^{\frac{n}{2}}}{cc+yy} =$

$$\frac{\pi}{2} \cdot \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \dots (m-1)}{2 \cdot 4 \cdot 6 \dots m} \cdot \frac{1}{(m+2)(m+4)(m+6) \dots (m+n+1)} + \frac{12}{(m+n+1)c^2}$$

$$c^{m-1} (bb+cc)^{\frac{n}{2}} C \text{ existente } C = \int \frac{z^{m+n} dz}{(1+zz)^{\frac{n+2}{2}}}, \text{ et}$$

$z = \frac{b}{c}$, ita vt ob m numerum parem n vero imparem C fit quantitas algebraica. His igitur ad nostrum casum applicatis, quo posito $\frac{b^4}{aa-bb} = cc$, formula nostra transit in hanc $\int \frac{yy dy \sqrt{bb-yy}}{aa+yy}$, vnde fit $m=2$ et $n=1$. Erit ergo

$$C = \int \frac{z^3 dz}{(1+zz)^{\frac{3}{2}}} = \frac{z+zz}{V(1+zz)} - 2 = \frac{2cc+bb}{cV(bb+cc)} - 2,$$

ideoque integrale desideratum $= \frac{\pi}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4} \cdot 4 (2cc+bb-2cV(bb+cc)) = \frac{\pi}{4} (V(bb+cc)-c)^2 = \frac{\pi bb(a-b)^2}{4(aa-bb)}$; prouti supra posuimus.

PROPOSITIO 60.

Problema.

607. Si figura plana reſtilinea ABCDEF fuerit Tab. XXVII. fig. 4. circulo inſcriptibilis, tum ſecundum quamcunq; directionem OL in aqua moueatur, media directio reſiſtentiae perpetuo per centrum circuli O tranſibit.

Demonſtratio.

Quoniam reſiſtentiae directio, quam latus quodcunq; figurae ab aqua ſuffert, ad ipſum latus in ſuo puncto medio eſt normalis, atque quodlibet latus fit chorda circuli circumſcripti; directio reſiſtentiae cuiusuis lateris per centrum circuli circumſcripti O tranſibit. Quotcunq; igitur latera figurae reſiſtentiam excipiant, ſingulorum directio reſiſtentiae per centrum O tranſibit; et hancobrem harum ſingularum reſiſtentiarum media directio per idem centrum O tranſeat neceſſe eſt. Reſiſtentia er-

go totalis, quam figura proposita secundum quamcunque directionem promota patitur, per centrum circuli circumscripti O transit. Q. E. D.

Coroll. 1.

608. Si igitur huius figurae centrum grauitatis simul in centro circuli circumscripti O fuerit situm, tum resistentia nullam habebit vim ad figuram conuertendam, in quacunque directione etiam figura progrediatur.

Coroll. 2.

609. Intelligitur etiam, si modo anterior figurae pars circulo fuerit inscriptilis, neque cursus obliquitas sit tanta, vt posteriores figurae partes resistentiam excipiant; tum pariter resistentiae mediam directionem per centrum circuli prorae circumscripti O esse transituram.

Coroll. 3.

610. Si ergo huiusmodi figura diametro fuerit praedita, diameter per centrum circuli circumscripti transibit hocque casu centrum resistentiae fixum habebit situm in ipso centro circuli circumscripti.

Scholion.

611. Insignis haec est proprietas figurarum rectilinearum circulo inscriptibilium, quod in iis centrum resistentiae constantem obtineat situm, quantumvis cursus sit obliquus, dum in aliis figuris situs centri resistentiae pro varia cursus obliquitate tantopere mutetur: videturque illa
pro-

proprietas propria figurarum circulo inscriptibilium ; ita
 vt in alias figuras non competat. Superfluum autem foret
 plures alias figuras planas , aquae innatantes considerare, cum
 ex allatis facile sit iudicium de resistentia cuiuscunque figu-
 rae oblatae formare. Hancobrem resistentia , quam
 tantum lineae siue rectae siue curuae tanquam termini fi-
 gurarum planarum in aqua patiuntur , progrediamur ad ca-
 put sequens in eoque ad figuras solidas , quae proprie ad
 institutum nostrum pertinent , inuestigaturi quantam resi-
 stentiam quodcunque corpus in aqua promotum sufferat ,
 quae resistentia ex superficie corporis aquae submersa et in
 aquam impingente deriuari debet. Simili scilicet modo ,
 quo hactenus sumus vsi , superficies omnis constare concipitur
 ex innumeris planis , quorum singula resistentiam patiuntur
 ipsis superficiebus et quadrato anguli incidentiae coniunctim
 proportionalem. Ita si superficies plana cuius area sit \equiv
 aa in aquam impingat sub angulo cuius sinus est m , ve-
 locitate debita altitudini v tum vis resistentiae aequiualebit
 ponderi cylindri aquei cuius basis est a^2 et altitudo $\equiv m^2 v$,
 directio vero resistentiae erit ad ipsam superficiem planam
 normalis , atque per eius centrum grauitatis transit , prout
 in initio huius capitis satis est ostensum. Eiusmodi autem
 corpora tantum considerabo , quae plano diametrali verti-
 cali gaudeant , quo in duo frustra aequalia et similia dis-
 pescantur , huius modi enim corpora pro nostro instituto
 tantum considerari merentur. Praeterea cursus directionem
 ponemus directam , hoc est , quae in ipso plano diametrali
 sit sita ; qua adiunctione inquisitio resistentiae fit facilior , cum
 directio resistentiae sponte se praebat , quippe quae pari-
 ter

ter in planum diagonale incidit. Tantum igitur superest, vt quantitas resistentiae, et ipsa eius, quam plano diagonali habet, positio definiatur. Primum quidem pro hoc casu propositionem maximam generalem praemitemus, quo deinceps ~~per~~ facilius ad quasuis figurarum species progredi licet.
